

Z16-Z20

## 武陵高中 105 年第一學期第一次期中考高二數學(社會組)題目卷

要在「答案卷」上作答

計算題(20%，要有過程，否則該題 0 分)

1. 在  $\triangle ABC$  中， $\overline{CA} = 3$ ， $\overline{CB} = 4$ ， $\angle C = 60^\circ$ ，求  $\overline{AB}$  的長度？(10 分)

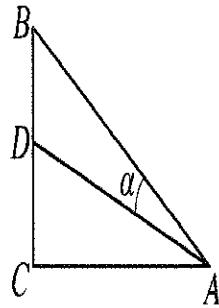
2. 自塔的北  $60^\circ$  東地面  $A$  點測得塔頂仰角為  $30^\circ$ ，在塔的南  $30^\circ$  東地面  $B$  點測得塔頂仰角為  $45^\circ$ ，已知  $A$ 、 $B$  兩點相距 200 公尺，求塔高為多少公尺？(要畫圖，圖 3 分，共 10 分)

填充題(60%，每題 5 分，未完全答對該題 0 分)

3.  $\triangle ABC$  中， $\angle A = 60^\circ$ ， $\angle C = 45^\circ$ ， $\overline{BC} = \sqrt{6}$ ，求  $\overline{AB}$  的長度為 \_\_\_\_\_

4.  $\triangle ABC$  中， $\angle A = 60^\circ$ ， $\angle C = 45^\circ$ ， $\overline{BC} = \sqrt{6}$ ，求  $\triangle ABC$  外接圓半徑為 \_\_\_\_\_

5. 下圖中，直角 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $D$ 在 $\overline{BC}$ 上，且 $\overline{CD}=\overline{BD}=3$ ， $\overline{AC}=4$ ，若 $\angle BAD=\alpha$ ，求 $\tan \alpha$ 之值為\_\_\_\_\_



6. 將 $P$ 點的極坐標 $[2, 120^\circ]$ 轉換成直角坐標為 $(x, y)$ ，求 $\frac{y}{x}$ 之值為\_\_\_\_\_

7. 若 $\sin \theta - \cos \theta = \frac{1}{2}$ ，求 $\sin^3 \theta - \cos^3 \theta$ 之值為\_\_\_\_\_

8. 利用下面所附三角函數值表，查出 $\cos 59^\circ 30'$ 與 $\cos 59^\circ 40'$ 的近似值，然後再利用內插法，求 $\cos 59^\circ 34'$ 的近似值為\_\_\_\_\_ (算到小數點後四位)

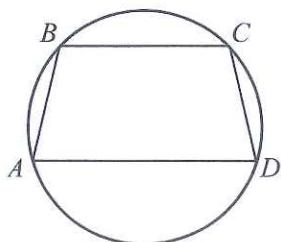
角度	sin	cos	tan		
$30^\circ 00'$	.5000	.8660	.5774	1.732	$60^\circ 00'$
$10'$	.5025	.8646	.5812	1.720	$50'$
$20'$	.5050	.8631	.5851	1.709	$40'$
$30'$	.5075	.8616	.5890	1.698	$30'$
$40'$	.5100	.8601	.5930	1.686	$20'$
$50'$	.5125	.8587	.5969	1.675	$10'$
$31^\circ 00'$	.5150	.8572	.6009	1.664	$59^\circ 00'$
$10'$	.5175	.8557	.6048	1.653	$50'$
$20'$	.5200	.8542	.6088	1.643	$40'$
$30'$	.5225	.8526	.6128	1.632	$30'$
$40'$	.5250	.8511	.6168	1.621	$20'$
$50'$	.5275	.8496	.6208	1.611	$10'$
	cos	sin		tan	角度

9. 求  $\sin 23^\circ \cos 112^\circ - \sin 292^\circ \sin 67^\circ$  之值為 \_\_\_\_\_

10. 一漁船在湖上等速直線前進。已知上午9時10分，漁船在觀測點  $O$  的北  $80^\circ$  西，離  $O$  點3浬處，上午9時30分則在觀測點  $O$  的北  $40^\circ$  東，離  $O$  點5浬處。求這段時間內，漁船離觀測點  $O$  的最近距離為 \_\_\_\_\_ 涙

11.  $\triangle ABC$  中， $\angle ABC=60^\circ$ ， $\angle ABC$  的內角平分線交  $\overline{AC}$  於  $D$  點，已知  $\overline{AB}=12$ ， $\overline{BD}=4\sqrt{3}$ ，求  $\triangle ABC$  的面積為 \_\_\_\_\_

12. 如圖。一圓與其內接四邊形  $ABCD$ ， $\overline{AB}=2$ ， $\overline{BC}=3$ ， $\overline{CD}=2$ ， $\overline{DA}=4$ ，求此圓之面積為 \_\_\_\_\_



13. 若  $\cos 100^\circ = k$ , 用  $k$  表示  $\tan 280^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$

14.  $\triangle ABC$  中,  $\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{BC} = 7$ ,  $\overline{AC} = 8$ ,  $D$  是  $\overline{AC}$  中點, 求  $\overline{BD}$  的長度為  $\underline{\hspace{2cm}}$

多重選擇題(20%, 每題 10 分, 每題只錯一個選項得 5 分)

15. 選出正確的選項?

- (1)  $\sin(-830^\circ) > \sin 280^\circ$     (2)  $\cos 10^\circ > \cos 20^\circ$     (3)  $\sin 1^\circ > \cos 1^\circ$     (4)  $\sin 1^\circ > \tan 1^\circ$

16. 已知  $\sin \theta = \frac{3}{5}$ , 且  $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ , 選出正確的選項?

- (1)  $\sin(\pi - 2\theta) = \frac{-24}{25}$     (2)  $\cos 2\theta = \frac{7}{25}$     (3)  $\cos(-3\theta) = \frac{-44}{125}$     (4)  $\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \frac{\theta}{2}\right) = \frac{-3\sqrt{10}}{10}$

## 教師用解答

### 武陵高中 105 學年第一學期第一次期中考高二數學(社會組)答案卷

班級:

姓名:

座號:

計算題(20%，要有過程，否則該題 0 分)

1. 在  $\triangle ABC$  中， $\overline{CA} = 3$ ， $\overline{CB} = 4$ ， $\angle C = 60^\circ$ ，求  $\overline{AB}$  的長度？(10 分)

$$\overline{AB}^2 = 3^2 + 4^2 - 2 \times 3 \times 4 \cos 60^\circ \quad (5 \text{ 分})$$

$$\overline{AB} = \sqrt{13} \quad (5 \text{ 分})$$

2. 自塔的北  $60^\circ$  東地面  $A$  點測得塔頂仰角為  $30^\circ$ ，在塔的南  $30^\circ$  東地面  $B$  點測得塔頂仰角為  $45^\circ$ ，已知  $A$ 、 $B$  兩點相距 200 公尺，求塔高為多少公尺？(要畫圖，圖 3 分，共 10 分)

100 公尺

填充題(60%，每題 5 分，未完全答對該題 0 分)

3	4	5	6	7	8
2	$\sqrt{2}$	$\frac{6}{17}$	$-\sqrt{3}$	$\frac{11}{16}$	0.5065
9	10	11	12	13	14
$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{15\sqrt{3}}{14}$	$18\sqrt{3}$	$\frac{64}{15}\pi$	$\frac{\sqrt{1-k^2}}{k}$	$\sqrt{21}$

多重選擇題(20%，每題 10 分，每題只錯一個選項得 5 分)

15	16
12	12